

Chapter 5

Steady State Simulation 製造系統模擬

本章透過製造業的排程與生產控管範例介紹更多的流程與資料模組。

學習重點

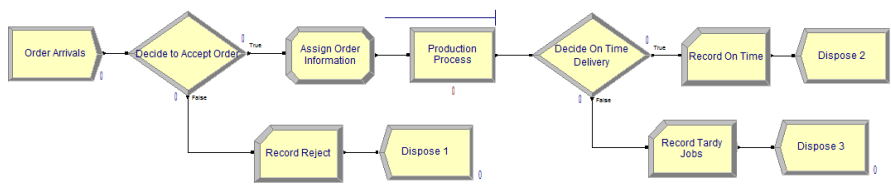
- 機台的訂單排序、故障、物料控制
- Steady State Simulation的概念與分析方式。
- 1-dim Variables vs. 1-dim Expressions

Review

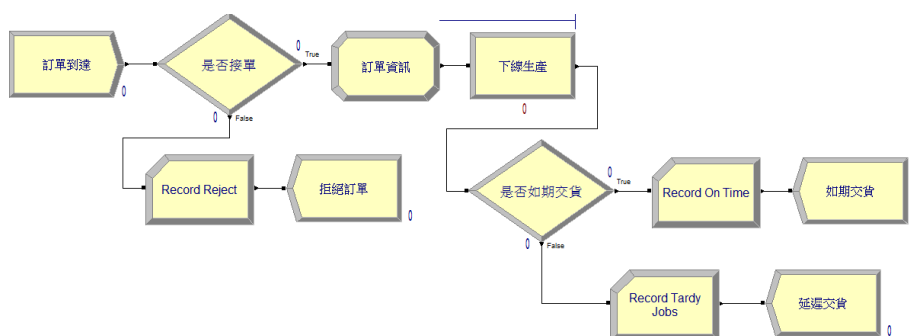
- Attributes, Variables的區別
- Assign模組
- Tally與Time Persistent變數的區別
- Statistics模組
- Terminating Simulation

Example 5-1: 排程與交期表現

- 系統根據目前工作量決定是否接受新訂單，接受的訂單可按照不同考量進行排序，並在生產完畢後記錄訂單交期表現。
- 模擬特點：使用attributes控制後續流程與計算績效
- 模擬目的：訂單排程是否顯著影響接單與交期表現



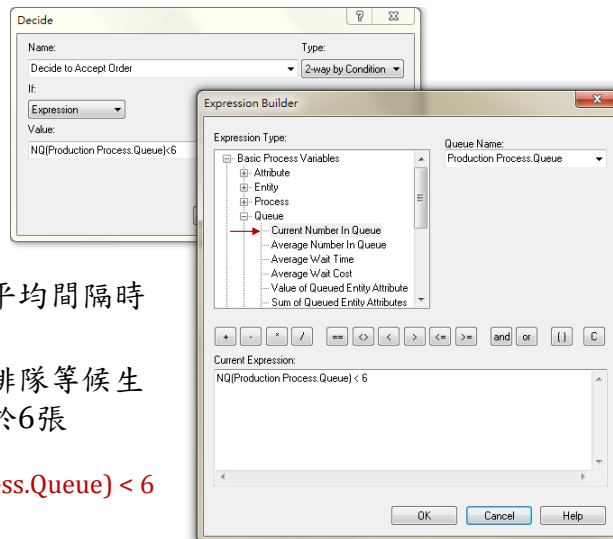
Example 5-1 v15



Decide模組讀取系統的動態內容

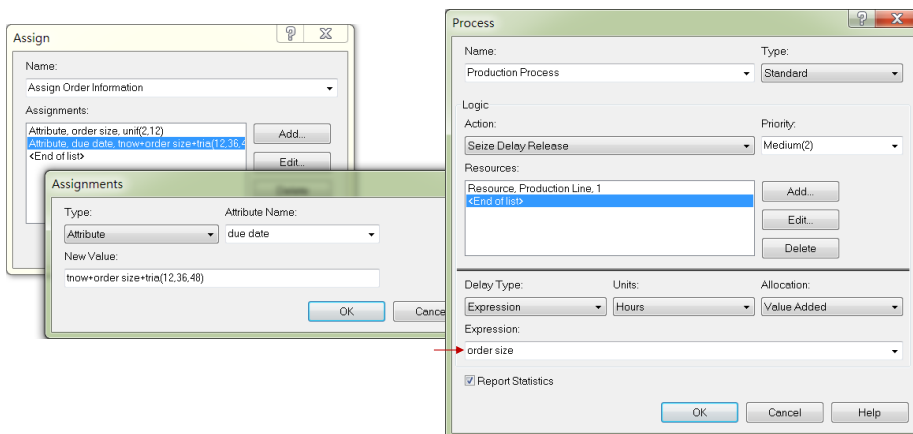
- 訂單隨機到達，平均間隔時間為6小時，
- 接單條件：已在排隊等候生產的訂單必須少於6張

$NQ(\text{Production Process.Queue}) < 6$



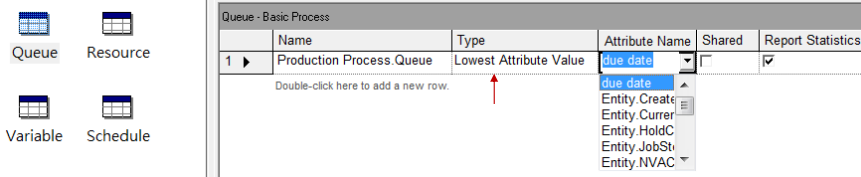
運用訂單的Attribute內容

- order size: 訂單所需生產時間(=x) ~ 均勻分佈於2至12小時
- due date: 距離交期時間具有 $x + \text{tria}(12, 36, 48)$ 小時的機率分佈

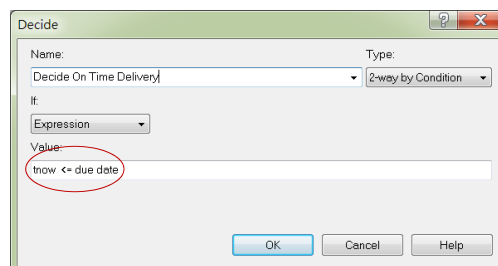


依訂單屬性排定等候順序

- 選擇Queue資料模組，Type欄位預設為First In First Out，代表按照訂單到達的先後順序
- 改為Lowest Attribute Value，在Attribute Name的欄位選擇屬性due date，則為排程的EDD法則，或是選擇order size，則為排程的SPT法則。

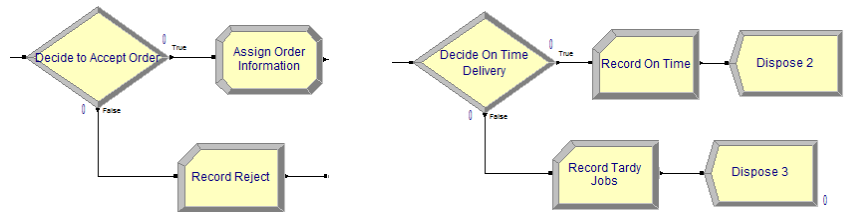


生產後判斷交期是否延誤



- tnow為模擬時鐘的variable，due date為個別訂單的attribute
- 從Decide模組連到對應的Record模組。

Record模組的計數器功能



- Type: Count
- Record Reject記錄被拒絕的訂單數目。
- Record On Time與Record Tardy Job分別記錄在交期前完成與交期延誤的訂單數目。

各種排程方式的模擬結果比較

Replication Length=200 days, Number of Replications=20

	NQ<6	NQ<8	<u>NQ<8+EDD</u>	<u>NQ<8+SPT</u>
拒絕訂單數	129.95	126.35	132.80	116.30
準時訂單數	423.90	250.30	235.20	580.95
延誤訂單數	238.75	422.60	436.30	102.55

1. 接單條件不應放寬為NQ<8
2. 從FIFO改為SPT可接納更多訂單並提升交期表現

How to complete the experiment?

補充教材：計劃保養與隨機故障

每處理100張訂單，保養半天

Failure - Advanced Process								
	Name	Type	Up Time	Up Time Units	Count	Down Time	Down Time Units	Uptime in this State only
1	計劃保養	Count	29.5	Days	100	0.5	Days	
2	產線故障	Time	EXPO(50)	Days	DaysTo	2	Hours	

平均50天會故障，維修兩小時

Resource - Basic Process									
	Name	Type	Capacity	Busy / Hour	Idle / Hour	Per Use	StateSet Name	Failures	Report Statistics
1	生產線	Fixed Capacity	1	0.0	0.0	0.0		2 rows	✓

Failures		
	Failure Name	Failure Rule
1	計劃保養	Wait
2	產線故障	Preempt

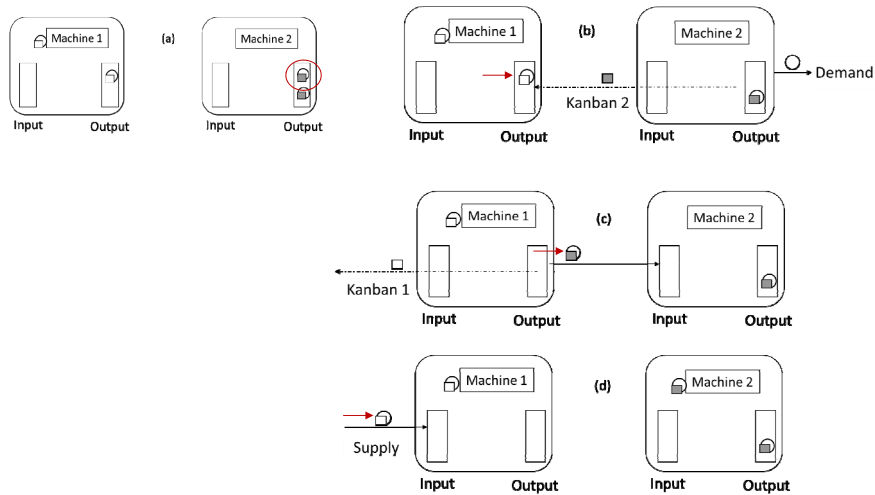
現有工作完成後，進行維修
立即維修，再完成現有工作

Example 5-2 看板生產系統

- 從倉庫送達的產品必須先取得**第一站看板**，才能進入第一站。產品離開第一站前，必須取得**第二站看板**，才能釋出第一站看板並進入第二站。
- 第三站**沒有看板**，產品在第二站完成處理後，可直接釋出看板並前往第三站。
- 第三站採取**批量加工**的模式，同類型的產品必須累積到一定數量後才能進行加工，加工後完成全部製程。

	投料間隔	第一站處理時間	第二站處理時間	第三站批量	第三站批量處理時間
Product A	unif(2,5)	1.6	norm(1.9,0.4)	6	tria(2,4, 6)+6
Product B	expo(2)+3	unif(1.5, 2.5)	gamm(2,1)	6	LOGN(4, 2)+6

看板控制物料流動的過程

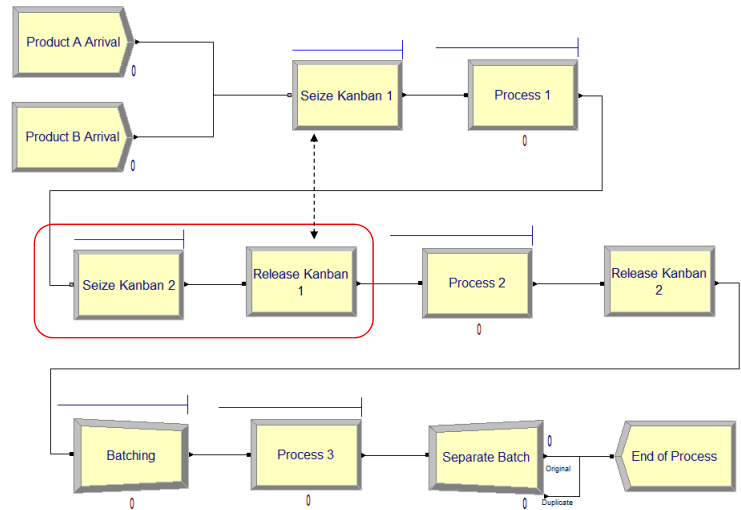


規劃流程架構

- 代表兩種產品的兩種entities: Product A, Product B
- 紀錄產品相關資訊的attributes
- 代表三站機器的三種resources: Station 1, ..., Station 3
- 看板是一種通行證，也是resources: Kanban 1, Kanban 2

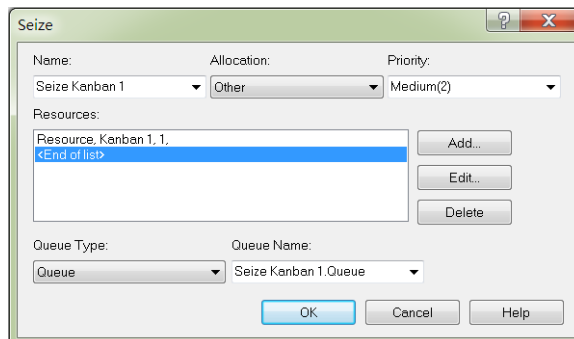
- 代表產品到達的Create模組
- 以Seize模組與Release模組來取得與釋出看板
- 代表各站作業的Process模組
- 使用Batch模組累積同類型產品以進行批量加工，再由Separate模組解散整批產品，恢復個別entity的流程

看板系統流程的初步設計



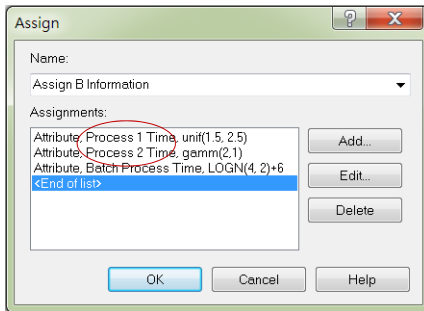
以Seize模組控制資源的使用順序

- **Seize Kanban 1** → Process 1 → **Seize Kanban 2** → **Release Kanban 1** → Process 2 → **Release Kanban 2**



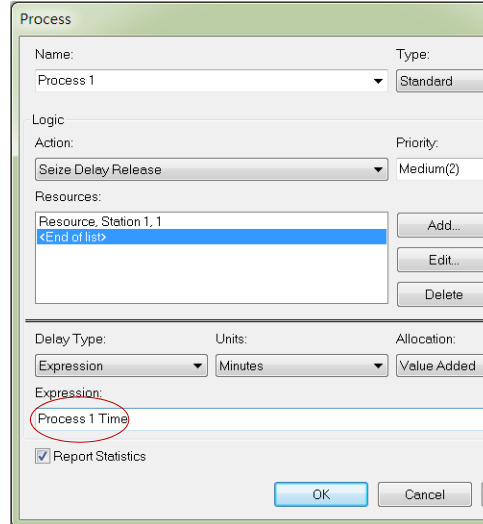
Assign模組預先設定各站作業時間

產品A,B的作業時間不同



The 'Assign' dialog box is shown with the 'Name' field set to 'Assign B Information'. The 'Assignments' list contains three entries: 'Attribute: Process 1 Time, unif(1.5, 2.5)', 'Attribute: Process 2 Time, gamm(2,1)', and 'Attribute: Batch Process Time, LOGN(4, 2)+6'. The 'Attribute: Batch Process Time, LOGN(4, 2)+6' entry is selected and circled in red. Buttons for 'Add...', 'Edit...', and 'Delete' are visible to the right of the list. At the bottom are 'OK', 'Cancel', and 'Help' buttons.

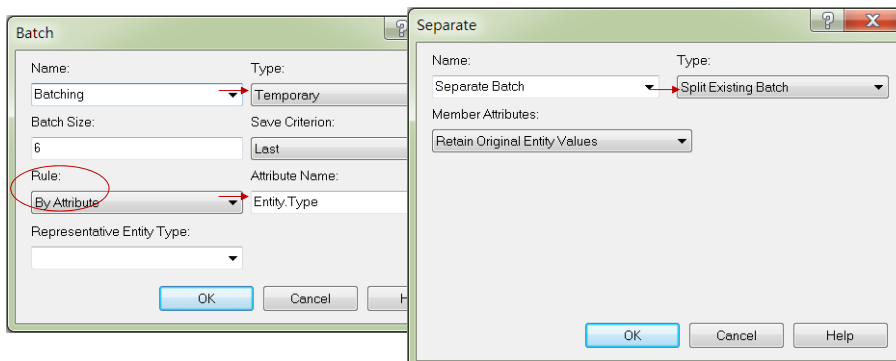
透過共同的Process 1 Time屬性，
使Process 1模組可處理不同產品



The 'Process' dialog box is shown with 'Name' set to 'Process 1' and 'Type' set to 'Standard'. The 'Logic' section has 'Action' set to 'Seize Delay Release' and 'Priority' set to 'Medium(2)'. The 'Resources' section has 'Resource: Station 1, 1' and '<End of list>'. The 'Delay Type' section has 'Expression' set to 'Process 1 Time', 'Units' set to 'Minutes', and 'Allocation' set to 'Value Added'. The 'Expression' field is circled in red. A 'Report Statistics' checkbox is checked. Buttons for 'OK' and 'Cancel' are at the bottom right.

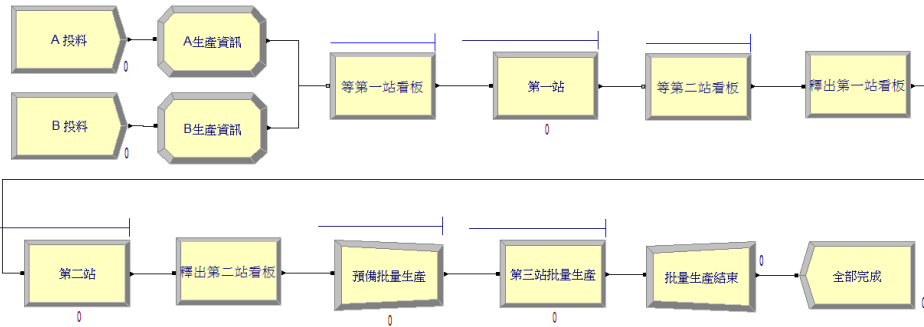
Batch與Separate模組控制批量流程

Batch模組的Type選項為Temporary，這允許後續的
Separate模組解散批量，恢復各個entity的流程



Two dialog boxes are shown side-by-side. The 'Batch' dialog box has 'Name' set to 'Batching' and 'Type' set to 'Temporary'. The 'Batch Size' is set to '6'. The 'Rule' is set to 'By Attribute', which is circled in red. The 'Save Criterion' is 'Last' and the 'Attribute Name' is 'Entity.Type'. The 'Separate' dialog box has 'Name' set to 'Separate Batch' and 'Type' set to 'Split Existing Batch'. The 'Member Attributes' are set to 'Retain Original Entity Values'. Both dialog boxes have 'OK', 'Cancel', and 'Help' buttons at the bottom.

Example 5-2 v15



Example 5-2的模擬結果

Resource 資料模組：將Kanban 1的數量與Kanban 2的數量都改為2。

Run > Setup: Replication Length 設為24 hours。

Average Total Time		Average Number in Queue	
Product A	Product B	Seize Kanban 1.Queue	Batching Queue
34.0483	38.5183	3.6672	5.0133

Steady State Simulation

- Steady state simulation的系統是連續運作的型態，沒有設定結束條件，又被稱為無限期間(**infinite horizon**)的模擬型態。
- Steady state simulation目的通常是評估長期運作下的平均績效，例如生產線的每小時產出率。
- Q1: 可是需要模擬多久才能代表長期運作？
- Q2: **Empty & idle**的起始狀態是否為常態？是否會影響模擬？

比較不同時間長度的模擬結果

看板系統

Replication Length	Average Total Time	
	Product A	Product B
8 hours	30.7217	35.4434
24 hours	34.0483	38.5183
100 hours	40.0244	43.6376
300 hours	39.8805	43.9851

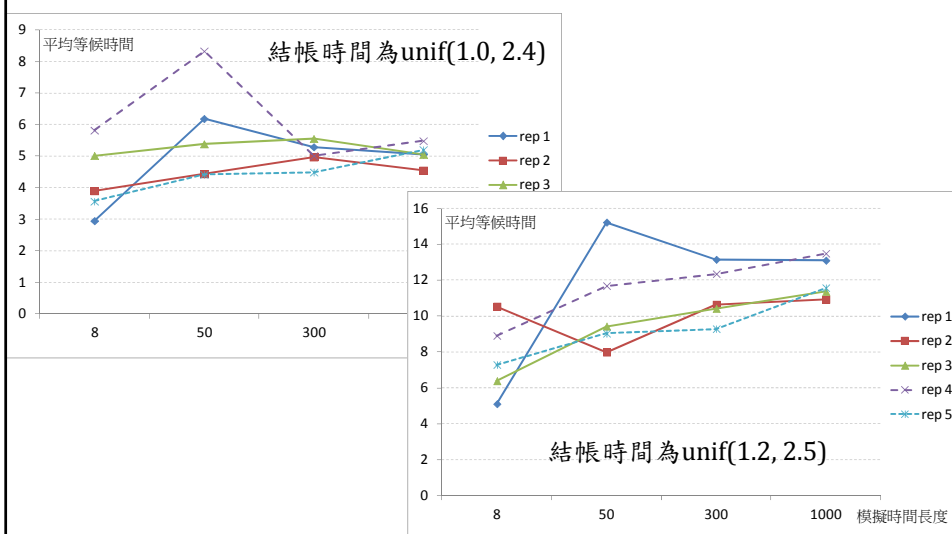
單站結帳作業 結帳時間為unif(1.0, 2.4)

Replication Length	Average Wait Time
8 hours	2.9495
50 hours	6.1880
300 hours	5.2912
1000 hours	5.0589

Initial Bias 影響模擬結果

- 起始偏差的產生是因為模擬啟動時，流程內沒有任何entity，資源也無事可做，這稱為**empty and idle**的起始狀態，通常會造成平均等待時間或流程內的平均數目偏低。
- 越是龐大或是壅塞的系統越會受到起始偏差的影響。
- 庫存模擬的庫存起始值也會影響結果，起始值過大會使平均庫存量或供貨水準偏高。
- Terminating simulation也可能產生initial bias

單站結帳等候時間的起始偏差



偵測並評估Initial Bias的影響

Welch's Plot

- 選擇適當的模擬時間長度
- 追蹤並記錄流程重要數據隨時間的變化
- 重複進行多次replications
- 繪圖觀察數據的變化
- 從整體來判斷initial bias的影響時間長度

Alternative

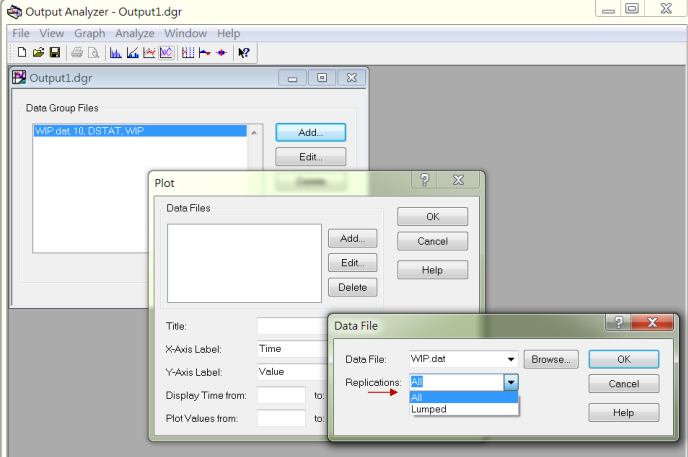
- 執行很長的replication，希望能“淹沒”initial bias的影響

紀錄看板系統WIP變化並繪圖

Statistic - Advanced Process	Name	Type	Expression	Collection Period	Report Label	Output File
1	WIP	Time-Persistent	EntitiesWIP(Product A) EntitiesWIP(Product B)	Entire Replication	WIP	L:\simBook\WIP.dat

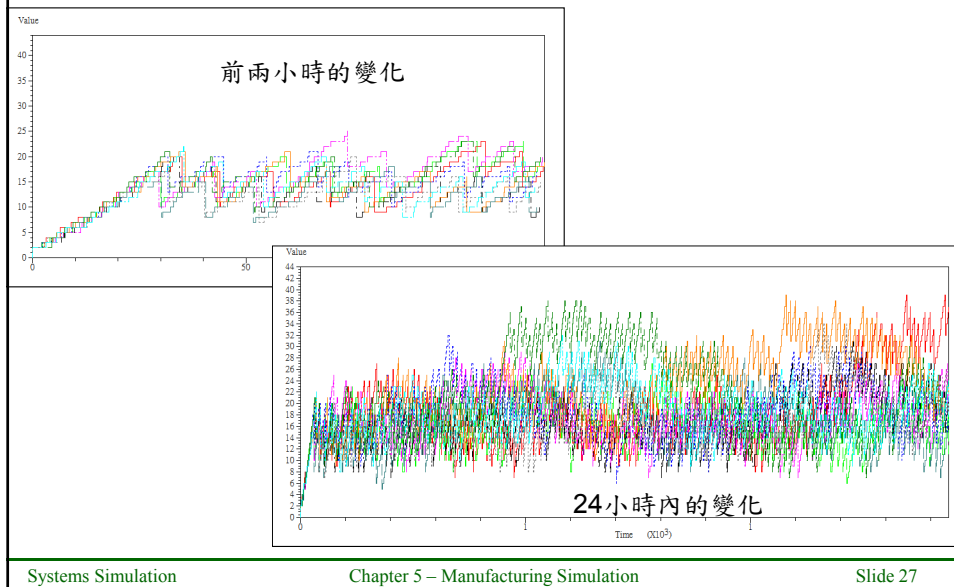
1.輸出至外部檔案

2.在Output Analyzer
建立新群組檔案，抓
入剛輸出的外部檔案



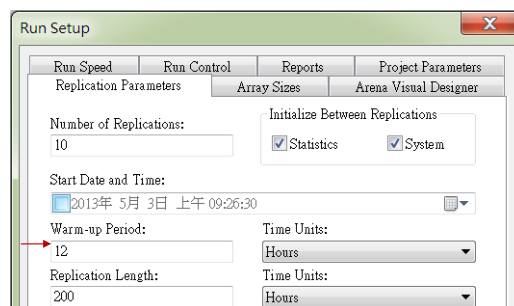
5.1

以 Welch's Plots 偵測起始偏差



Steady State Simulation的四種實驗設定

- (1) 20 replications, replication length=240 hours, no warm up
- (2) 20 replications, replication length=240 hours, **warm up=12 hours**
- (3) **1 replication**, replication length=4800 hours, no warm up
- (4) **1 replication**, replication length=4800 hours, **warm up=12 hours**



四種實驗設定的結果

- (1) 20 replications, replication length=240 hours, no warm up
- (2) 20 replications, replication length=240 hours, warm up=12 hours
- (3) 1 replication, replication length=4800 hours, no warm up
- (4) 1 replication, replication length=4800 hours, warm up=12 hours

	Product A Total Time		Product B Total Time	
	Average	Half-width	Average	Half-width
實驗(1)	38.4370	3.45	42.6248	3.47
實驗(2)	38.7033	3.64	42.8737	3.66
實驗(3)	39.3940	2.35	43.5811	2.62
實驗(4)	39.4180	2.23	43.6032	2.76

為何(3)(4)會有 half-width ?

Batch Means

令 x_i 為第 i 個顧客的等候時間

$$x_1, \dots, x_n, \underbrace{x_{n+1}, x_{n+2}, \dots, x_{n+K-1}, x_{n+K}}_{\text{接近 identically distributed}}$$

接近 identically distributed

$$\underbrace{x_{n+1}, \dots, x_{n+b}}_{\bar{x}_1}, \underbrace{x_{n+b+1}, \dots, x_{n+2b}}_{\bar{x}_2}, \dots, \underbrace{x_{n+(m-1)b+1}, \dots, x_{n+mb}}_{\bar{x}_m}$$

批量 b 夠大，各批的平均值 (batch means) 幾乎是互相獨立，可用來建立可信賴區間

Batch Means與可信賴區間

- ARENA至少需要320個數據才開始計算Batch Means
- Batch Means數目在20至40之間，批量越大越好
- 如果數據不足，模擬結果的半寬會顯示“Insufficient”
- 有時候即使數量夠，欄位也可能出現“Correlated”，代表統計方法檢定認為批量平均值不為相互獨立

Total Time	Average	Half Width	Minimum Value	Maximum Value
Product A	34.0483	(Correlated)	13.0939	72.5903
Product B	38.5183	(Insufficient)	11.4479	78.7606

Batch Means vs. Truncated Replications

系統或流程是否可視為週期性運作？
例如生產線每年歲修

不適合terminating simulation，
則需偵測initial bias

warm up period是否相對較短？
例如小於replication length的10%

選擇Batch Means (4)

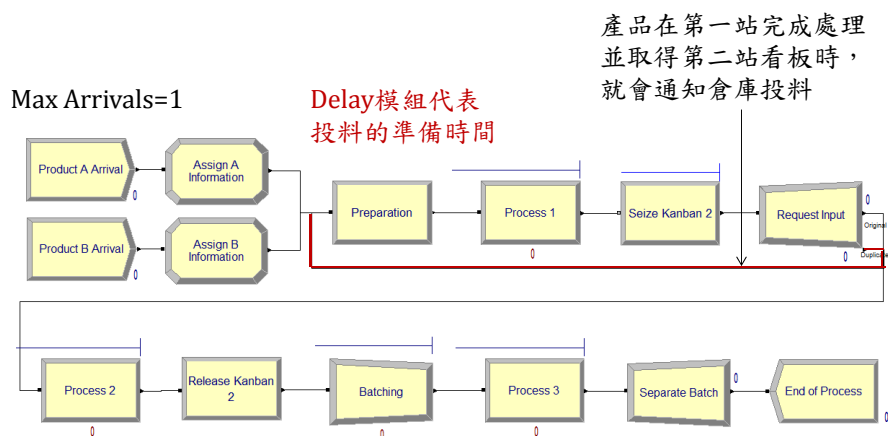
選擇terminating simulation (1)

選擇truncated replications (2)

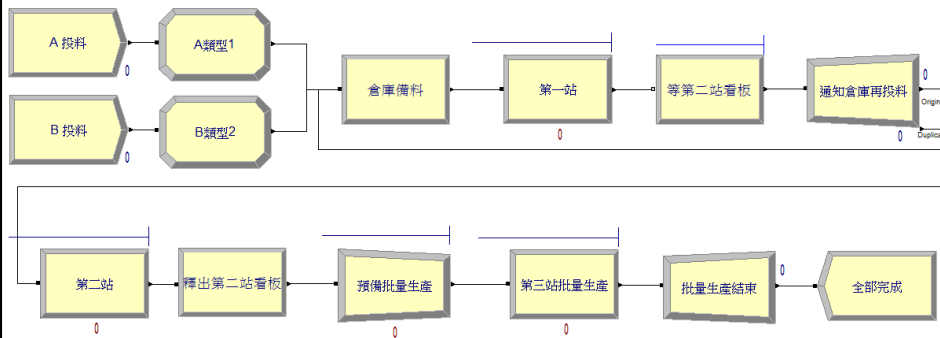
Example 5-5

- 看板系統的投料過程獨自運作，無視於實際生產進度，造成物料到達現場後，可能要長時間等待第一站的看板。
- **改進方案**：將倉庫自主送料的決策改為由第一站主控，只有第一站完成產品並送往下游時，才通知倉庫繼續投料，這樣更符合拉式控制的觀念。
- Basic Process面板的Separate模組的另一用法是複製相同的entity，將標示複製品(Duplicate)的出口連回流程起點，代表通知倉庫投料，標示本尊(Original)的出口則連接Process 2模組，代表產品繼續前往第二站。

拉式控制投料的流程設計



Example 5-5 v15

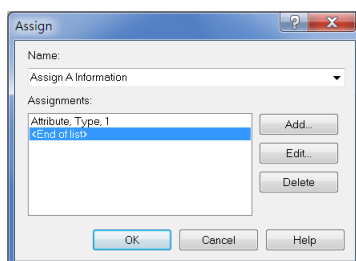


Expressions 重新設定隨機變化

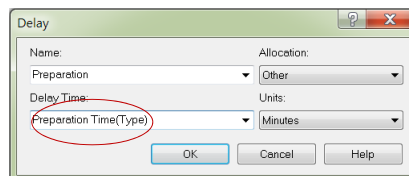
Name	Rows	Columns	Data Type	File Name	Expression Values
1 Preparation Time	2		Native		2 rows
2 Process 1 Time	2		Native		2 rows
3 Process 2 Time	2		Native		2 rows
4 Batch Process Time	2		Native		2 rows

Expression Values
1 unif(2,5)
2 exp(2)+3

一維公式



Expression **Preparation Time (Type)** 為每個複製的產品重新設定作業時間



Delay 模組根據 Type 屬性，以不同機率分佈處理不同產品。

以Variables設定兩種不同的生產批量

Variable - Basic Process							
	Name	Rows	Columns	Data Type	Clear Option	File Name	Initial Values
1	num_A			Real	System		1 rows
2	num_B			Real	System		1 rows
3	batch_size	2		Real	System		2 rows

Initial Values	
1	4
2	6

一維變數

Batch模組根據Type屬性，讓不同產品的批量不同。

Batch	
Name:	Batching
Type:	Temporary
Batch Size:	batch_size(Type)
Save Criterion:	Last
Rule:	By Attribute
Attribute Name:	
Entity Type:	
Representative Entity Type:	

以Expression設定不同的批量生產時間

Expression - Advanced Process						
	Name	Rows	Columns	Data Type	File Name	Expression Values
1	Preparation Time	2		Native		2 rows
2	Process 1 Time	2		Native		2 rows
3	Process 2 Time	2		Native		2 rows
4	Batch Process Time	2		Native		2 rows

Expression Values	
1	trial(2,4,6)+batch_size(1)
2	LOGN(4,2)+batch_size(2)

隨批量大小而變

Process模組根據Type屬性，以不同運算式處理批量不同產品。

Process	
Name:	Process 3
Type:	Standard
Logic:	
Action:	Seize Delay Release
Priority:	Medium(2)
Resources:	Resource: Station 3.1
Delay Type:	Expression
Units:	Minutes
Allocation:	Value Added
Expression:	Batch Process Time(Type)
Report Statistics:	<input checked="" type="checkbox"/>

Expression與Variable的比較

	Variable	Expression
內容	實數	實數、函數、機率分布的運算公式
使用方式	直接讀取數值	根據公式內容重新產生亂數並重新計算
能否變更	可在模擬過程中被設定或更改	公式固定不變
記錄分析	可分析模擬過程的平均值與極值	不適用
1維與2維向量	可	可
範例	庫存量、載客數	隨機變化的作業時間

Results of Truncated Replications

Statistic - Advanced Process					
	Name	Type	Expression	Report Label	Output File
1 ▶	output rate	Output	$(\text{EntitiesOut}(\text{Product A}) + \text{EntitiesOut}(\text{Product B})) / (\text{tnow} - 720)$	output rate	

Double-click here to add a new row.

拉式系統的產出率
與投料速度無關

Statistic模組設定在模擬結束後才
計算產出率，不適用Batch Means

Number of replications=20, warm up period=12 hours,
replication length=240 hours

模擬結果顯示output rate=0.5839，half-width=0.0，
20次replications的產出率變動範圍為0.5810~0.5871